Exercices : Courbe de fonctions, équations, inéquations 👺 🗞



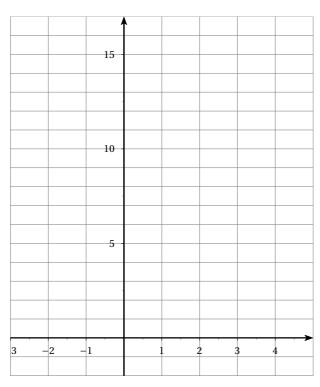
Sur le graphique suivant, construire la courbe $\mathscr C$ représentative de la fonction f définie par

$$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$$

 $x \mapsto f(x) = x^2 - 2x + 1$

puis la courbe $\mathcal D$ représentative de la fonction affine g définie par :

$$g: \quad \mathbb{R} \quad \rightarrow \quad \mathbb{R}$$
$$x \quad \mapsto \quad g(x) = -2x + 10$$



Exercice 2 ♦

Soit la fonction f définie par

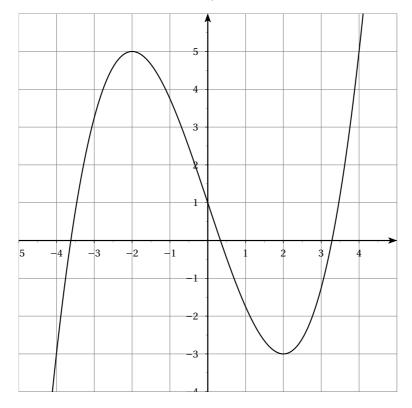
$$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$$

 $x \mapsto f(x) = f(x) = x^3 - 40x + 100$

- 1. Sur votre calculatrice, construire une tableau de valeur pour x variant de -8 à 5 avec un pas de 1.
- 2. Construire la courbe de la fonction f sur votre calculatrice avec une fenêtre appropriée aux résultats de la question 1) pour $x \in [-8; 5]$.
- 3. On souhaite faire un zoom autour du point d'abscisse 4 pour voir si la courbe coupe l'axe des abscisses autour de ce point.
 - Proposer une fenêtre adaptée pour voir la courbe de la fonction f autour du point d'abscisse 4.

Exercice 3 ♦

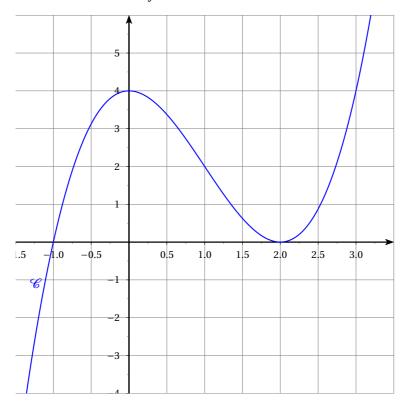
Le graphique suivant illustre la courbe d'une fonction f.



- 1. Sur la courbe, placer le point A d'abscisse 3. Lire son ordonnée. Cela revient à lire graphiquement f(3).
- 2. Sur la courbe, placer les points B, C et D d'ordonnées B. Lire leur abscisse. Cela revient à résoudre graphiquement D0 = 3.
- 3. Placer les points de la courbe dont l'ordonnée est -3. Lire leur abscisse. Cela revient à résoudre graphiquement f(x) = -3.
- 4. Placer le point G de la courbe d'abscisse 0. Lire son ordonnée. Cela revient à lire graphiquement f(0).
- 5. Placer les points de la courbe dont l'ordonnée est 0. Lire leur abscisse. Cela revient à résoudre graphiquement f(x) = 0.

Exercice 4 ♦

On a représenté la courbe $\mathscr C$ d'une fonction f :



1. Résoudre graphiquement :

(a)
$$f(x) = 4$$

(c)
$$f(x) = 2$$

(e)
$$f(x) \le 0$$
.

(b)
$$f(x) = 0$$

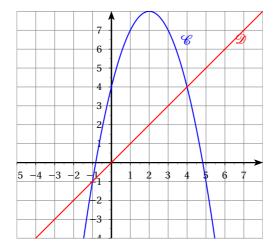
(d)
$$f(x) > 4$$

(f)
$$f(x) \geqslant 2$$

- 2. On donne l'expression de la fonction $f: f(x) = (x-1)^3 3(x-1) + 2$. Calculer (sans calculatrice) les images de -1; 0,5; 0; 1; 2 et 3. Vérifier vos résultats graphiquement.
- 3. Développer f(x). On remarquera que $(x-1)^3 = (x-1)(x-1)(x-1)$.

™Exercice 5 ♦

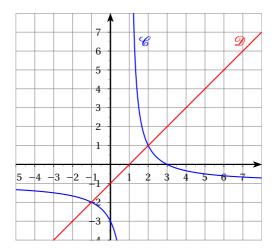
Le graphique suivant illustre la courbe $\mathscr C$ d'une fonction f et la droite $\mathscr D$ d'une fonction affine g.



- 1. Résoudre graphiquement f(x) = g(x)
- 2. Résoudre graphiquement f(x) > g(x).

Exercice 6 ♦

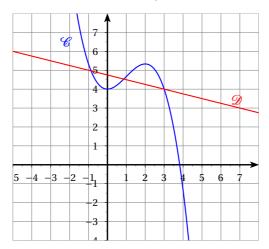
Le graphique suivant illustre la courbe $\mathscr C$ d'une fonction f (la courbe $\mathscr C$ a deux branches distinctes) et la droite $\mathscr D$ d'une fonction affine g.



- 1. Résoudre graphiquement f(x) = g(x)
- 2. Résoudre graphiquement f(x) > g(x).

™Exercice 7 ♦

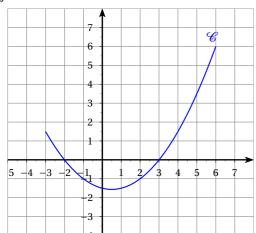
Le graphique suivant illustre la courbe $\mathscr C$ d'une fonction f et la droite $\mathscr D$ d'une fonction affine g.



- 1. Résoudre graphiquement f(x) = g(x)
- 2. Résoudre graphiquement f(x) > g(x).

Exercice 8 ♦

Le graphique suivant illustre la courbe ${\mathscr C}$ d'une fonction f.



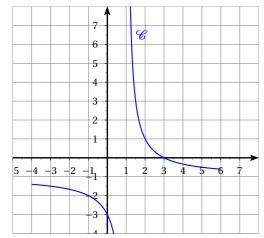
- 1. Lire le domaine de définition de la fonction f.
- 2. Lire les solutions de l'équation f(x) = 0.
- 3. Résoudre graphiquement $f(x) \ge 0$.
- 4. Résoudre graphiquement f(x) < 0.
- 5. À partir des réponses aux deux questions précédentes, compléter le signe de f(x). Remarque : Un tableau de signe d'une fonction est pratique pour résumer les solutions des inéquations f(x) > 0 (f(x) positif) ou f(x) < 0 (f(x) négatif).

Tableau de signe de f(x):

x	-3	-	-2	3	6
f(x)		+	0	0	

™Exercice 9 ♦

Le graphique suivant illustre la courbe $\mathscr C$ d'une fonction f.



On admet que l'intervalle de définition de la fonction f est $[-4; 1[\cup]1; 6]$.

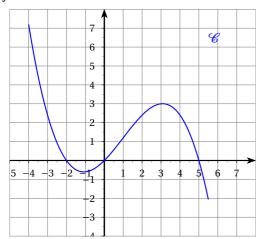
- 1. Lire les solutions de l'équation f(x) = 0.
- 2. Résoudre graphiquement $f(x) \ge 0$.
- 3. Résoudre graphiquement f(x) < 0.
- 4. À partir des réponses aux deux questions précédentes, compléter le signe de f(x).

Tableau de signe de f(x):

rabieau ac orgine ac f (w) v							
x	-4	1	3	6			
f(x)			0				

Exercice 10 ♦

Le graphique suivant illustre la courbe ${\mathscr C}$ d'une fonction f .



- 1. Lire le domaine de définition de la fonction f.
- 2. Lire les solutions de l'équation f(x) = 0.
- 3. Résoudre graphiquement $f(x) \ge 0$.
- 4. Résoudre graphiquement f(x) < 0.
- 5. À partir des réponses aux deux questions précédentes, faire le signe de f(x).